

1 10 puan

• $\alpha < 120^\circ$ ise a'nın alabileceği kaç tam sayı değeri vardır?
 $8-6 < a < 8+6$ (Üçgen Eşitsizliği)
 $(*) 2 < a < 14$ (3)

• $\triangle BDC$ 'de $\alpha = 120^\circ$ olursa
 $(3\sqrt{3})^2 + 11^2 = a^2 \rightarrow a = \sqrt{148}$
 $(3) \alpha < 120^\circ \rightarrow a < \sqrt{148}$ (**)
 $(*) \wedge (**)$ $\rightarrow 2 < a < \sqrt{148}$
 $(2) 2 < a < 12$ 10 değer (2)

2 10 puan

$A(ABCDE) = ?$

(1) $|BE| = 25$ ($\triangle ABE$ 'de Pisagor Teo.)
(1) $|BD| = 20$ ($\triangle BCD$ 'de Pisagor Teo.)
(2) $m(\widehat{BDE}) = 90^\circ$ (Pisagor Teo.'na karşılık)
 $A(ABCDE) = A(\triangle ABE) + A(\triangle BDE) + A(\triangle BCD)$
 $= \frac{7 \cdot 24}{2} + \frac{15 \cdot 20}{2} + \frac{16 \cdot 12}{2}$
 $= 84 + 150 + 96 = 330$ (3)

3 10 puan

• $|AB| = 3\sqrt{3}$ $|AD| = 1$
 \downarrow $|BC| = ?$
 $(2) a + 8 = \sqrt{3} \cdot (3\sqrt{3}a)$ ($30^\circ-60^\circ-90^\circ$)
 $a + 8 = 9a$ 8 (1)
 $(1) a = 1$
 $|BK| = 6\sqrt{3}$ (1)
 \downarrow
 $|BC| = 2\sqrt{3}$ (1)

4 10 puan

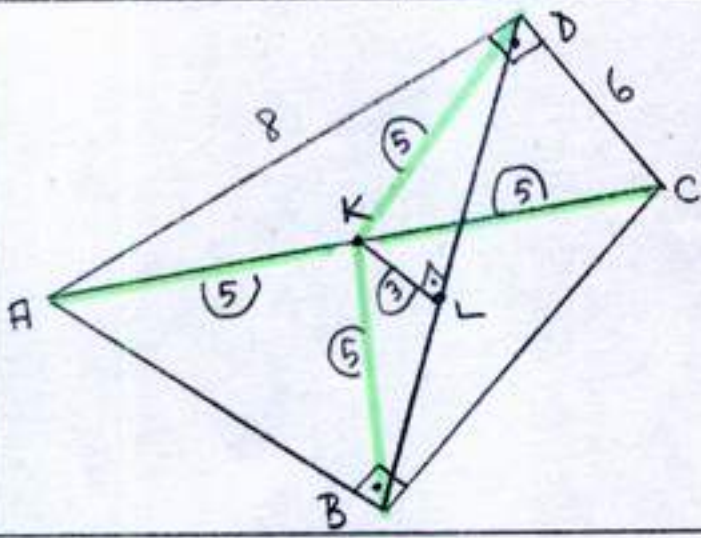
• ... BCDE ... düzgün çokgen
• Bu çokgenin köşegen sayısını bulun.
Dış Açının ölçüsü = 20° (2)
 $n = \frac{360^\circ}{20^\circ} = 18$ (2)
Köşegen Sayısı = $\frac{n \cdot (n-3)}{2}$ (2)
 $= \frac{18 \cdot 15}{2} = 135$ (2)

5 10 puan

• ABCDEFGH düzgün sekizgen
 $m(\widehat{AED}) = \alpha = ?$
 $\frac{360}{8} = 45^\circ \rightarrow$ iç açısının ölçüsü = 135° (2)
 $\triangle AKD$ dörtgeninde;
 $(2) \alpha + 5^\circ + 5^\circ = 90^\circ$
 $\alpha = 80^\circ$ (2)

6

10 puan



$$\begin{aligned} AD &= 8 \\ DC &= 6 \\ AK &= KC \\ DL &= LB \\ KL &= 3 \\ \downarrow \\ DB &=? \end{aligned}$$

$$\textcircled{2} \quad AC = 10 \quad (\triangle ADC \text{ de Pisagor Tes.})$$

[DK] ve [BK] aizilir.

$$\textcircled{2} \quad [DK] = [AK] = [CK] = [BK] = 5 \quad \textcircled{1} + \textcircled{1}$$

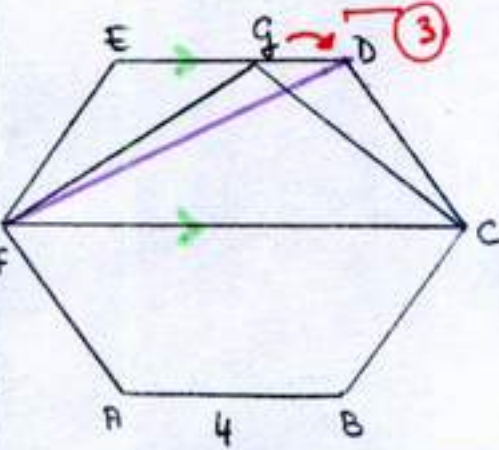
\rightarrow BKD ikizkenar \wedge [KL] kenarortay

$$\textcircled{2} \quad [KL] \perp [BD] \rightarrow [BL] = [LD] = 4 \quad \textcircled{1} + \textcircled{1}$$

$$\boxed{DB = 8} \quad \textcircled{2}$$

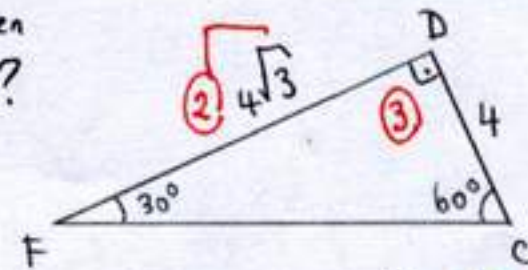
7

10 puan



• ABCDEF düzgün altıgen
• $AB = 4 \rightarrow A(GFC) = ?$

$\triangle FDC$ aizilir.
 $A(GFC) = A(DFC)$



$$= \frac{4 \cdot 4\sqrt{3}}{2} = \boxed{8\sqrt{3}} \quad \textcircled{2}$$

8

10 puan

Bir dış açısının ölçüsü α olan düzgün bir çokgende; $12^\circ < \alpha < 18^\circ$ koşulunu sağlayan kaç farklı düzgün çokgen aizilebilir? Kenar sayısı n olsun.

$$\alpha = \frac{360^\circ}{n}$$

$$\textcircled{3} \quad n \cdot 12^\circ < n \cdot \alpha < n \cdot 18^\circ$$

$$\textcircled{3} \quad n \cdot 12^\circ < 360^\circ < n \cdot 18^\circ$$

$$n < 30$$

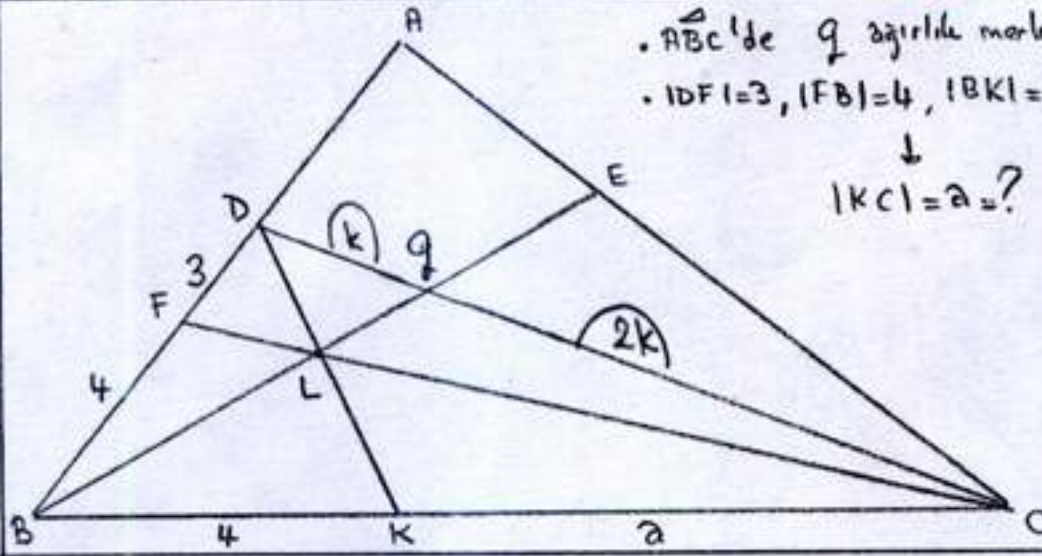
$$20 < n$$

$$\textcircled{2} \quad 20 < n < 30$$

$\textcircled{2} \quad 11$ farklı değer azebilir (20, 21, ..., 30)

9

10 puan



• $\triangle ABC$ de G ağırlık merkezi $\rightarrow |DG| = k \wedge |GC| = 2k \quad \textcircled{3}$

• $|DF| = 3, |FB| = 4, |BK| = 4$

$$\downarrow$$

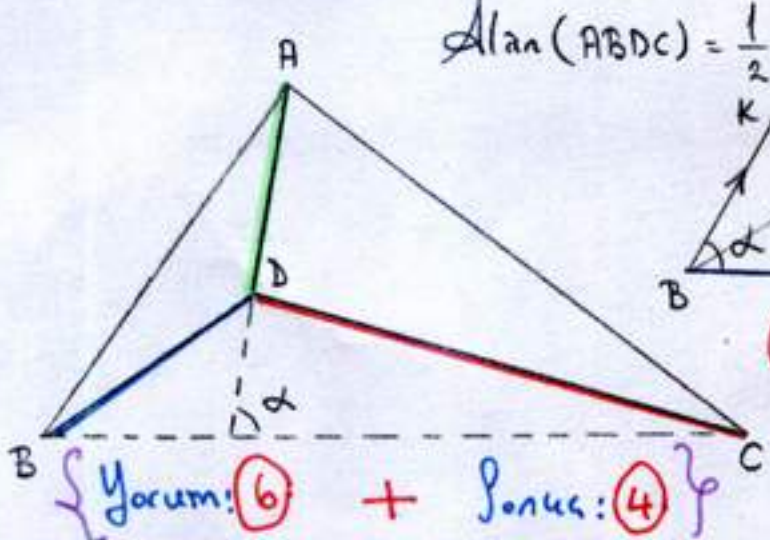
$$|KC| = a = ?$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{a} \cdot \frac{2k}{k} = 1 \quad (\triangle BGC \text{ de Serre Tesemi})$$

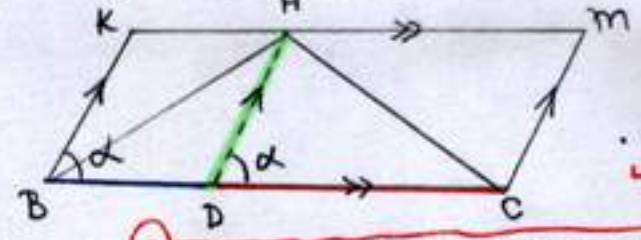
$$\boxed{a = 6} \quad \textcircled{3}$$

10

10 puan



$\text{Alan}(\triangle ABDC) = \frac{1}{2} |AD| \cdot |BC| \cdot \sin \alpha$ olduğunu gösterin.



• [AD], AD boyunca kaydırılır (DE [BC]) $\textcircled{2}$

$$\cdot A(\triangle ABDC) = A(\triangle ABC) \quad \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2} \quad A(KBCm) = |KB| \cdot |BC| \cdot \sin \alpha \rightarrow \frac{1}{2} \cdot |AD| \cdot |BC| \cdot \sin \alpha \quad \textcircled{2}$$

$$\left(\begin{array}{l} 2 \cdot A(\triangle ABC) \\ \textcircled{2} \end{array} \right) \quad \left(\begin{array}{l} \textcircled{2} \\ \textcircled{2} \end{array} \right)$$

{ Yorum: $\textcircled{6}$ + Sonuç: $\textcircled{4}$ }