

1 10 puan

ABC eşkenar
 $|AH| = |CD|$
 $|AF| = |FB|$
 D, E, F ve B, C, D doğrusal
 $\alpha = ?$ [CF] çizilir (2)
 $|AF| = |FB| \wedge |AC| = |CB| \rightarrow [CF]$ (2) yükseklik olur.
 ABC eşkenar $\rightarrow |AH| = |CF|$ (2)
 $\alpha = 45^\circ$ (1)

2 10 puan

ABC'de
 $|AB| = |AC| = 13$
 $|BC| = 10$
 $|DE| + |DF| = ?$
 [BC]'ye 2 t yükseklik çizilir ([AKJ])
 $|BK| = |CK| = 5$ (2)
 $|AK| = 12$ (Pisagor Co.) (2)
 [CM] çizilir $|CM| = |DE| + |DF|$ (2)
 $A(\triangle ABC) = \frac{10 \cdot 12}{2} = \frac{13 \cdot |CM|}{2}$ (2)
 $|CM| = |DE| + |DF| = \frac{120}{13}$ (2)

3 10 puan

ABC eşkenar
 $|ET| = 3$
 $|TF| = 5$
 $A(\triangle ABC) = \frac{225\sqrt{3}}{4}$
 $|TK| = ?$
 $|AB| = a$ olsun.
 $\frac{a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{225\sqrt{3}}{4} \rightarrow a^2 = 225 \rightarrow a = 15$ (2)
 $5 + 3 + x = a$
 $8 + x = 15$
 $x = 7$ (2)

4 10 puan

[EB] // [DC]
 $A(\triangle EBC) = 12$
 $|ED| = 8$
 $|AB| = ?$
 [BD] çizilir
 $A(\triangle EBC) = A(\triangle DBE)$
 $\frac{8 \cdot |AB|}{2} = 12 \rightarrow |AB| = 3$ (2)

5 10 puan

Geniş başlı bir üçgen çizerek; Bu üçgenin, (her zaman için) bir çevrel çemberinin olduğunu açıklayarak gösterin.

• [AB] ve [AC]'nin kenarortay dikmeleri çizilir. (1)+(1)
 $d \cap k = \{O\}$
 • [OB], [OA] çizilirse $\triangle OAB$ ikiköşer olur.
 $|OB| = |OA|$ (2)
 • [OC] çizilirse $\triangle OAC$ ikiköşer olur.
 $|OA| = |OC|$ (2)
 $\rightarrow |OB| = |OA| = |OC|$ olduğundan
 [OB], [OA], [OC] yarıçap
 "O" da merkez olarak yorulanır. (2)

6 10 puan

$|BD| = |DE|$
 $m(\widehat{AEC}) = 34^\circ$
 $|BD| = |DE| \rightarrow [DM] \perp [BE]$ olur
 $[AE]$ açıortay
 ABC ve ADF iken
 $\rightarrow \alpha = ?$

\widehat{BDF} 'in açıortayı çizilir.
 $[AE] \cap [DM] = \{K\}$
 $m(\widehat{DKE}) = 56^\circ \rightarrow \alpha = 112^\circ$

7 10 puan

Kenar uzunlukları a, b, c olan bir üçgende; h_a, h_b, h_c sırasıyla kenarlara ait yüksekliklerdir.

$|a-b| < c$ (ü.É.) \rightarrow Alan $A = \frac{a \cdot h_a}{2} = \frac{b \cdot h_b}{2} = \frac{c \cdot h_c}{2}$
 $a = \frac{2A}{h_a}$ $b = \frac{2A}{h_b}$ $c = \frac{2A}{h_c}$

$\left| \frac{1}{h_a} - \frac{1}{h_b} \right| < \frac{1}{h_c}$ (x)
 olduğunu gösterin.

$2A \left| \frac{1}{h_a} - \frac{1}{h_b} \right| < 2A \cdot \frac{1}{h_c} \rightarrow \left| \frac{1}{h_a} - \frac{1}{h_b} \right| < \frac{1}{h_c}$

8 10 puan

$|AD| = |DB|$
 $|CE| = 2|BE|$
 $|CF| = 3|AF|$
 $A(\widehat{DEF}) = 15$
 $A(\widehat{ABC}) = ?$

$A(\widehat{ABC}) = S$ olsun
 $\frac{S}{8} + \frac{S}{6} + \frac{S}{2} + A(\widehat{DEF}) = S$
 $(3) \quad (4) \quad (12)$
 $\frac{19S}{24} + 15 = S \quad \frac{5S}{24} = 15$
 $S = 72$

$\frac{a \cdot b}{2a \cdot 4b} = \frac{1}{8}$
 $\frac{a \cdot c}{2a \cdot 3c} = \frac{1}{6}$
 $\frac{3b \cdot 2c}{4b \cdot 3c} = \frac{1}{2}$

9 10 puan

$|BC| = x$
 $|BD| = 8$
 $|DC| = 7$

x 'in alabileceği değerleri aralık olarak yazın.
 $[BD]$ açıortaydır
 (D) iç teğet çemberin merkezi.
 $m(\widehat{B}) = 90^\circ - m(\widehat{A})/2$
 $m(\widehat{B}) < 90^\circ$
 $1 < x < 15$ (ü.É.)
 $x^2 < 8^2 + 7^2 (=113)$
 $1 < x < \sqrt{113}$

Kenar uzunlukları 5, 6, 7 olan üçgenin iç teğet çemberinin yarıçapını bulun.
 $2u = 5 + 6 + 7 = 18 \rightarrow u = 9$
 $\sqrt{u(u-a)(u-b)(u-c)} = u \cdot r$
 $\sqrt{9 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2} = 9 \cdot r$
 $9r = 6\sqrt{6}$
 $r = \frac{2\sqrt{6}}{3}$

10 10 puan

\widehat{ABC} 'de $m(\widehat{BAC}) = 135^\circ$
 $[BC]$ 'na ait K noktasının;
 $[AB]$ 'na göre simetriği P ,
 $[AC]$ 'na göre simetriği L noktalarıdır.
 $|AK| = 8 \rightarrow |PL| = ?$

$|PA| = |AK|$
 $|AK| = |AL|$
 $[AM]$ açıortay
 $[AN]$ açıortay
 $m(\widehat{BAC}) = \alpha + \theta = 135^\circ$
 $2\alpha + 2\theta = 270^\circ$
 $m(\widehat{PAL}) = 90^\circ$
 $|AK| = |AP| = |AL| = 8$
 $|PL| = 8\sqrt{2}$